

## Relačné dotazovacie jazyky

- ISBL ← Peterlee relational test vehicle (IBM Peterlee UK)
- QUEL INGRES ← algebra
- QBE (IBM Yorktown Heights) ← n-ticový kalkul
- SQL (IBM San Jose) ← kalkul

- Aritmetika (nekonečné relácie, vstupná množina)  
 → Priradovacie a definičné príkazy  
 → Agregačné funkcie  
 → Administrácia a pomocné funkcie

Relačné jazyky

1

## Porovnanie jazykov založených na algebre a jazykoch založených na kalkule

- $\{ C : (\exists B) ( r(a, B) \wedge s(B, C) ) \}$  1
- $\{ C : (\exists B) ( r(A, B) \wedge s(B, C) \wedge (A = a) ) \}$  2
- $\Pi_C ( \Pi_{AC} ( (\sigma_{A=a} r(A, B)) \bowtie s(B, C) ) )$  3
- $\Pi_C ( (\sigma_{A=a} r(A, B)) \bowtie s(B, C) )$  4

Algebra špecifikuje výpočet (je častočne operačná)  
 Kalkul je čiste deklaratívna špecifikácia.

- $q(C) \leftarrow r(a, B), s(B, C)$  (datalog, prolog) 5

Relačné jazyky

2

## ISBL - information system base language

Relačná algebra	ISBL
$R \cup S$	$R + S$
$R - S$	$R - S$
$R \wedge S$	$R . S$
$\sigma_F R$	$R : F$
$\Pi_{A_1, \dots, A_n} R$	$R \% A_1, \dots, A_n$
$R \bowtie S$	$R * S$
Premenovanie:	$R \% \dots, A \rightarrow B, \dots$
Priadenie:	$=$
Odloženie vyhodnotenia:	$N!$
Tlač:	List

Relačné jazyky

3

## QUEL - n-ticovo orientovaný kalkul

Schéma príkazov:

*range of  $\mu_1$  is  $R_1$*

.

*range of  $\mu_k$  is  $R_k$*

*[retrieve / delete / append to]*

*where  $\psi(\mu_1, \dots, \mu_k)$*

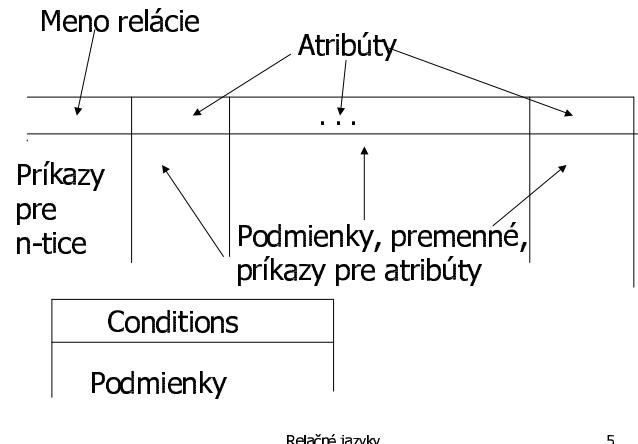
*sort*

*print*

Relačné jazyky

4

## QBE - query by example



Relačné jazyky

5

## SQL - structured query language

Schéma dotazu:

**Select** [**distinct**] [\* | zoznam atribútov]  
**From** [zoznam atribútov a ich aliasov]  
**where** podmienky na atribúty  
**group by** zoznam atribútov  
**having** podmienky na agregácie]  
**order by** zoznam]]

Relačné jazyky

6

## Ďalšie konštrukcie SQL I

- Aritmetika, reťazcové operácie  
**+, -, \*, /, substring(s, i, j), like 'x%'**
- Agregačné funkcie:  
**count, sum, average, min, max**
- Dáta definičné príkazy  
**Create [table | view | index] názov**  
(deklarácia atribútov)
- Dáta manipulačné príkazy  
**Drop [table | view | index] názov**

Relačné jazyky

7

## Ďalšie konštrukcie SQL II

- Dáta manipulačné príkazy
- |  |   |
|--|---|
| <b>Insert into</b> tabuľka<br><b>select</b>                              | <b>Insert into</b> tabuľka<br><b>values</b> |
| <b>Update</b> tabuľka<br><b>set</b> priradenia atribútom<br><b>where</b> | <b>Delete from</b> tabuľka<br><b>where</b>  |

Relačné jazyky

8

## Administratívne príkazy

- **attach** názov databázy
- **set transaction read only**
- **set line length**
- ukončenie transakcie  
**commit | rollback**
- **disconnect**

Relačné jazyky

9

## SQL vložené do hostiteľského jazyka

Príkazy SQL možno vykonávať z hostiteľského jazyka a môžu byť prepojené na hostiteľský jazyk (napr. C, Pascal).

Problém je, že SQL je množinovo orientovaný a programovacie jazyky pracujú s individuálnymi premennými.

Odrozdávanie premenných:

Cursor: to isté ako view, ale dá sa pristupovať k jednotlivým riadkom pomocou operácie **FETCH (next | prior)**.

V programe sú vložene príkazy označené **EXEC SQL**.

Premenné zabezpečujúce väzbu začínajú **dvojbodkou**.

Preprocesor preloží vložené príkazy do volania pripravených procedúr.

Relačné jazyky

10

## Príklady príkazov embeded SQL

- Exec SQL execute immediate S
  - Exec SQL prepare S from :c
  - Exec SQL execute S using :a<sub>1</sub>, ..., :a<sub>k</sub>
- } Nie dotaz
- ```
Exec SQL prepare S from :abrama;
Exec SQL declare C cursor for S;
Exec SQL open C;
Exec SQL whenever not found goto NOMORE;
while (true) {Exec SQL Fetch C into :a1, ..., :ak; ... };
NOMORE: Exec SQL close C;
```

Relačné jazyky

11

## Príklady: (pôvodné Coddové)

Schéma (databázy), na ktorú sa vzťahujú príklady:

### Dodávateľia

| Meno | Adresa | Mesto | ČísDod |
|------|--------|-------|--------|
|      |        |       |        |

### Súčiastky

| ČísSúč | Názov | Farba |
|--------|-------|-------|
|        |       |       |

### Dodáva

| ČísDod | ČísSúč |
|--------|--------|
|        |        |

Relačné jazyky

12

1.Zoznam dodávateľov(meno,mesto),  
z ktorých každý niečo dodáva.

kalkul  $(\exists \text{ adresa}, \text{ČísDod}, \text{ČísSúč})$   
 $\text{Dodávatelia}(\text{meno}, \text{adresa}, \text{mesto}, \text{ČísDod}) \wedge$   
 $\text{Dodáva}(\text{ČísDod}, \text{ČísSúč})$

algebra  $\Pi_{\text{meno}, \text{mesto}} (\text{Dodávatelia} \bowtie \text{Dodáva})$

SQL **Select distinct** meno, mesto  
**from** Dodávatelia, Dodáva  
**where** Dodávatelia.ČísDod = Dodáva.ČísDod

| Dodávatelia    | Meno   | Adresa | Mesto | ČísDod |
|----------------|--------|--------|-------|--------|
|                |        | P!     | P!    | _123   |
| Dodáva         | ČísDod | ČísSúč |       |        |
|                |        | _123   |       |        |
| Relačné jazyky |        |        |       |        |
| 13             |        |        |       |        |

2.Zoznam dodávateľov(meno,mesto),  
ktorí ním nedodávajú.

kalkul  $(\exists \text{ adresa}, \text{ČísDod}) (\forall \text{ ČísSúč})$   
 $\text{Dodávatelia}(\text{meno}, \text{adresa}, \text{mesto}, \text{ČísDod}) \wedge \neg$   
 $\text{Dodáva}(\text{ČísDod}, \text{ČísSúč})$

algebra  $\Pi_{\text{meno}, \text{mesto}} (\text{Dodávatelia} \bowtie (\Pi_{\text{ČísDod}} \text{ Dodávatelia} - \Pi_{\text{ČísDod}} \text{ Dodáva}))$

SQL **Select distinct** meno, mesto  
**from** Dodávatelia  
**where** ČísDod **not in** (**select** ČísDod **from** Dodáva)

| Dodávatelia    | Meno   | Adresa | Mesto | ČísDod |
|----------------|--------|--------|-------|--------|
|                |        | P!     | P!    | _123   |
| Dodáva         | ČísDod | ČísSúč |       |        |
|                |        | _123   |       |        |
| Relačné jazyky |        |        |       |        |
| 14             |        |        |       |        |

3.Čísladodávateľov,ktorí dodávajú súčiastku čísla "15".

kalkul  $\text{Dodáva}(\text{ČísDod}, "15")$

algebra  $\Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} = "15"} \text{ Dodáva}$

SQL **Select** ČísDod  
**from** Dodáva  
**where** ČísSúč = "15"

| Dodáva | ČísDod | ČísSúč |
|--------|--------|--------|
|        |        | P!     |
|        |        | "15"   |

Relačné jazyky

15

4.Čísladodávateľov,ktorí dodávajú niečo, čo nie je súčiastka čísla "15".

kalkul  $(\exists x) \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, x) \wedge (x \neq "15")$

algebra  $\Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} \neq "15"} \text{ Dodáva}$

SQL **Select distinct** ČísDod  
**from** Dodáva  
**where** ČísSúč ≠ "15"

| Dodáva | ČísDod | ČísSúč |
|--------|--------|--------|
|        |        | P!     |
|        |        | ≠ "15" |

Relačné jazyky

16

5. Čísladodávate ľov, ktorí nedodávajú súčiastku číslo "15".

| <b>kalkul</b>  | $(\exists \text{meno}, \text{adresa}, \text{mesto}) \text{ Dodávatelia}(\text{meno}, \text{adresa}, \text{mesto}, \text{ČísDod}) \wedge (\forall \text{ČísSúč}) \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, \text{ČísSúč}) \Rightarrow \text{ČísSúč} \neq "15"$                                                                                                                               |             |        |        |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |
|----------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|--------|--------|-------|--------|--|--|--|--|--------|--|--------|--------|--------|--|--|------|--|----|--|
| <b>algebra</b> | $\Pi_{\text{ČísDod}} \text{ Dodávatelia} - \Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} = "15"} \text{ Dodáva}$                                                                                                                                                                                                                                                                    |             |        |        |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |
| <b>SQL</b>     | <b>Select</b> ČísDod <b>from</b> Dodávatelia<br><b>where</b> ČísDod <b>not in</b><br>( <b>select</b> ČísDod <b>from</b> Dodáva <b>where</b> ČísSúč = "15" )                                                                                                                                                                                                                     |             |        |        |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |
| <b>QBE</b>     | <table border="1"> <thead> <tr> <th>Dodávatelia</th> <th>Meno</th> <th>Adresa</th> <th>Mesto</th> <th>ČísDod</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td>P!_123</td> </tr> <tr> <td></td> <td>Dodáva</td> <td>ČísDod</td> <td>ČísSúč</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td>_123</td> <td></td> <td>15</td> <td></td> </tr> </tbody> </table> | Dodávatelia | Meno   | Adresa | Mesto | ČísDod |  |  |  |  | P!_123 |  | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |  |  | _123 |  | 15 |  |
| Dodávatelia    | Meno                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | Adresa      | Mesto  | ČísDod |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |
|                |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |             |        | P!_123 |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |
|                | Dodáva                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | ČísDod      | ČísSúč |        |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |
|                | _123                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |             | 15     |        |       |        |  |  |  |  |        |  |        |        |        |  |  |      |  |    |  |

Relačné jazyky

17

6. Čísladodávate ľov, ktorí dodávajú aj niečo krem súčiastky číslo "15".

| <b>kalkul</b>  | $(\exists x) (\text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, "15") \wedge \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, x) \wedge (x \neq "15"))$                                                                                                                                                    |        |        |        |        |        |        |  |        |      |  |      |        |
|----------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--|--------|------|--|------|--------|
| <b>algebra</b> | $\Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} = "15"} \text{ Dodáva} \bowtie \Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} \neq "15"} \text{ Dodáva}$                                                                                                                      |        |        |        |        |        |        |  |        |      |  |      |        |
| <b>SQL</b>     | <b>Select distinct</b> ČísDod <b>from</b> Dodáva<br><b>where</b> Dodáva.ČísDod = Y.ČísDod <b>and</b><br>Dodáva.ČísSúč = "15" <b>and</b> Y.ČísSúč ≠ "15"                                                                                                             |        |        |        |        |        |        |  |        |      |  |      |        |
| <b>QBE</b>     | <table border="1"> <thead> <tr> <th>Dodáva</th> <th>ČísDod</th> <th>ČísSúč</th> <th>Dodáva</th> <th>ČísDod</th> <th>ČísSúč</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td>P!_123</td> <td>"15"</td> <td></td> <td>_123</td> <td>≠ "15"</td> </tr> </tbody> </table> | Dodáva | ČísDod | ČísSúč | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |  | P!_123 | "15" |  | _123 | ≠ "15" |
| Dodáva         | ČísDod                                                                                                                                                                                                                                                              | ČísSúč | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |        |        |  |        |      |  |      |        |
|                | P!_123                                                                                                                                                                                                                                                              | "15"   |        | _123   | ≠ "15" |        |        |  |        |      |  |      |        |

Relačné jazyky

18

7. Čísladodávate ľov, ktorí dodávajú len súčiastku číslo "15".

| <b>kalkul</b>  | $(\forall x) \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, x) \Rightarrow (x = "15")$                                                                                                                                                                                               |        |        |        |        |        |        |  |        |      |  |      |        |
|----------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--|--------|------|--|------|--------|
| <b>algebra</b> | $\Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} = "15"} \text{ Dodáva} - \Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} \neq "15"} \text{ Dodáva}$                                                                                                                            |        |        |        |        |        |        |  |        |      |  |      |        |
| <b>SQL</b>     | <b>Select distinct</b> ČísDod <b>from</b> Dodáva<br><b>group by</b> ČísDod<br><b>having set</b> ČísSúč <b>in set</b> ("15")                                                                                                                                         |        |        |        |        |        |        |  |        |      |  |      |        |
| <b>QBE</b>     | <table border="1"> <thead> <tr> <th>Dodáva</th> <th>ČísDod</th> <th>ČísSúč</th> <th>Dodáva</th> <th>ČísDod</th> <th>ČísSúč</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td>P!_123</td> <td>"15"</td> <td></td> <td>_123</td> <td>≠ "15"</td> </tr> </tbody> </table> | Dodáva | ČísDod | ČísSúč | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |  | P!_123 | "15" |  | _123 | ≠ "15" |
| Dodáva         | ČísDod                                                                                                                                                                                                                                                              | ČísSúč | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |        |        |  |        |      |  |      |        |
|                | P!_123                                                                                                                                                                                                                                                              | "15"   |        | _123   | ≠ "15" |        |        |  |        |      |  |      |        |

Relačné jazyky

19

8. Čísladodávate ľov, ktorí dodávajú ľečo, ale nedodávajú súčiastku číslo "15".

| <b>kalkul</b>  | $(\forall x) \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, x) \wedge (x \neq "15")$                                                                                                                                                                                           |        |        |        |        |        |        |  |        |  |  |      |      |
|----------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--|--------|--|--|------|------|
| <b>algebra</b> | $\Pi_{\text{ČísDod}} \text{ Dodáva} - \Pi_{\text{ČísDod}} \sigma_{\text{ČísSúč} = "15"} \text{ Dodáva}$                                                                                                                                                       |        |        |        |        |        |        |  |        |  |  |      |      |
| <b>SQL</b>     | <b>Select distinct</b> ČísDod <b>from</b> Dodáva<br><b>where</b> ČísDod <b>not in</b><br>( <b>select</b> ČísDod <b>from</b> Dodáva <b>where</b> ČísSúč = "15" )                                                                                               |        |        |        |        |        |        |  |        |  |  |      |      |
| <b>QBE</b>     | <table border="1"> <thead> <tr> <th>Dodáva</th> <th>ČísDod</th> <th>ČísSúč</th> <th>Dodáva</th> <th>ČísDod</th> <th>ČísSúč</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td>P!_123</td> <td></td> <td></td> <td>_123</td> <td>"15"</td> </tr> </tbody> </table> | Dodáva | ČísDod | ČísSúč | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |  | P!_123 |  |  | _123 | "15" |
| Dodáva         | ČísDod                                                                                                                                                                                                                                                        | ČísSúč | Dodáva | ČísDod | ČísSúč |        |        |  |        |  |  |      |      |
|                | P!_123                                                                                                                                                                                                                                                        |        |        | _123   | "15"   |        |        |  |        |  |  |      |      |

Relačné jazyky

20

9. Čísladodávate ľov, ktorí dodávajú aspoň súčiastky čísla "12", "13", "15".

kalkul Dodáva(ČísDod, "12")  $\wedge$  Dodáva(ČísDod, "13")  $\wedge$  Dodáva(ČísDod, "15")

algebra Dodáva : <ČísSúč, {12, 13, 15}>

SQL **Select ČísDod from Dodáva group by ČísDod having set ČísSúč contains {12, 13, 15}**

| Dodáva   | ČísDod  | ČísSúč |
|----------|---------|--------|
| $\wedge$ | P! _123 | "12"   |
| $\wedge$ | _123    | "13"   |
| $\wedge$ | _123    | "15"   |

Relačné jazyky

21

10. Čísladodávate ľov, ktorí dodávajú všetky dodávané súčiastky.

kalkul  $(\forall x)(\exists y) \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, x) \Rightarrow \text{Dodáva}(y, x)$

algebra  $\text{Dodáva}(\text{ČísDod}, \text{ČísSúč}) : \prod_{\text{čísSúč}} \text{ Dodáva}$

$\prod_{\text{čísDod}} \text{ Dodáva} - \prod_{\text{čísDod}} ((\prod_{\text{čísDod}} \text{ Dodáva} \times \prod_{\text{čísSúč}} \text{ Dodáva}) - \text{ Dodáva})$

SQL **Select ČísDod from Dodáva group by ČísDod having set ČísSúč contains (select ČísSúč from Dodáva)**

Relačné jazyky

22

11. Zoznamiestodokia ľov prichádzajúceho jedna "červená" súčiastka.

kalkul  $(\exists \text{ meno, adresa, ČísDod, ČísSúč, názov}) \text{ Dodávatelia}(\text{meno, adresa, mesto, ČísDod}) \wedge \text{ Dodáva}(\text{ČísDod}, \text{ČísSúč}) \wedge \text{ Súčiastky}(\text{ČísSúč}, \text{názov}, \text{"červená"})$

algebra  $\prod_{\text{mesto}} (\text{Dodávatelia} \bowtie \text{ Dodáva} \bowtie (\sigma_{\text{farba}=\text{"červená"}} \text{ Súčiastka}))$

SQL **Select mesto from Dodávatelia, Dodáva, Súčiastka where farba = "červená"**

Relačné jazyky

23

## Delenie v SQL

**Select ČísDod from Dodáva group by ČísDod having set ČísSúč contains (select ČísSúč from Dodáva)**

**Select ČísDod from Dodáva where ČísDod not in select Dodáva.ČísDod from Dodáva X where Dodáva.ČísDod, X.ČísSúč not in select \* from Dodáva**

Relačné jazyky

24

## Datalóg – logika a kódový model

- Základný princíp definuje sa najprv pohľad – program. Potom dotaz – dotaz na čiastočnú zhodu na niektorý predikát definovaného pohľadu.
- Syntax datalógu je podobná syntaxe jazyku logického programovania – prologu.

Príklad:

```
šéf(Vedúci, Zamestnanec) :- vedie (Vedúci, Zamestnanec).
šéf(Vedúci, Zamestnanec) :-
    šéf(Vedúci, Z), vedie(Z, Zamestnanec).
?- šéf(X, peter).
```

- Premenné
- Databázové – extenzionálne predikáty
- Definované – intencionálne predikáty
- Zabudované predikáty (=, <, >, ...)

Relačné jazyky

25

## Príklad použitia klauzálnej logiky

Databázová relácia *rodič(x, y)*

```
súrodenci(x, y) :- rodič(z, x), rodič(z, y), x ≠ y.
bratranci(x, y) :- rodič(u, x), rodič(v, y), súrodenci(u, v).
bratranci(x, y) :- rodič(u, x), rodič(v, y), bratranci(u, v).
príbuzní(x, y) :- súrodenci(x, y).
príbuzní(x, y) :- príbuzní(x, z), rodič(z, y).
príbuzní(x, y) :- príbuzní(z, y), rodič(z, x).
```

Implementácia aritmetiky zabudovaných funkcií

```
p(x, z) :- q(x, u, v), z = (u+v)/5. alebo presnejšie
p(x, z) :- q(x, u, v), add(u, v, y), div(y, 5, z).
```

V zabudovaných funkciách predikátov treba „strážiť“ vstupné množiny.

Relačné jazyky

27

## Terminológia – klauzuly a formuly

Fakt = (pozitívna) **atomická formula**

- $p(a_1, a_2, \dots, a_n)$
- $p(X_1, X_2, \dots, X_n)$

Literál = **atomická formula** alebo negovaná atomická formula ( $\neg p$ ,  $p$ )

Klauzula = **logický súčet** literálov (literály pospájané logickou spojkou  $\vee$  (**or**)).

Hornova klauzula = klauzula obsahujúca **najviac jednu** (nenegovanú) **atomickú formulu**.

Hornove klauzuly:

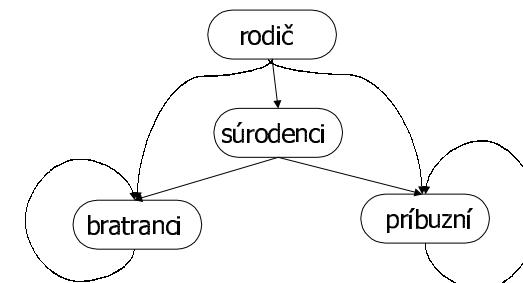
- len 1 atomická formula – fakt
- zjednotenie negovaných atomických formúl – podmienka
- práve jedna nenegovaná atomická formula

$$p_0 \vee p_1 \vee \dots \vee p_k \equiv p_1 \wedge \dots \wedge p_k \Rightarrow p_0 \equiv p_0 :- p_1, \dots, p_k$$

Relačné jazyky

26

## Graf závislostí predikátov



Uzly sú predikáty. Hrana z uzla  $p_1$  do uzla  $p_2$ , ak predikát  $p_2$  je definovaný pomocou predikátu  $p_1$ . Existuje pravidlo s hlavou  $p_1$  ktorého telo obsahuje  $p_2$ .

Relačné jazyky

28

## Bezpečné pravidlá – konečné premenné

- Premenná je konečná ak sa vyskytuje v obyčajnom (nenegovanom, nezabudovanom predikáte) tela pravidla alebo v predikáte  $x = a$ .
- Ak v predikáte  $x = y$  jedna premenná je konečná, potom aj druhá je konečná.

Pravidlo je bezpečné, ak všetky jeho premenné sú konečné.  
Dôsledok: Každá premenná v hlave sa musí vyskytovať aj v tele pravidla.

Pravidlo je **rekurzívne**, keď predikát hlavy sa vyskytuje aj v tele pravidla. Program je rekurzívny, keď graf závislosti predikátov obsahuje cyklus.

Relačné jazyky

29

## Tarského veta o pevnom bode

Úplný zväz:  $S = \langle D, \sqsubseteq, \sqcup, \sqcap, \perp, \top \rangle$

$\sqsubseteq$  čiastočné usporiadanie

$\sqcup$  l.u.b., sup, join       $\perp$  dolník

$\sqcap$  g.u.b., inf, meet       $\top$  horník

Každá neprázdna množina má l.u.b. (suprénum).

Veta: Nech  $F$  je zobrazenie z úplného zväzu  $S$  do  $S$  také, že  $x \sqsubseteq y \Rightarrow F(x) \sqsubseteq F(y)$ . Potom  $F$  má aspoň jeden pevný bod.

Dôkaz: Nech  $U = \{x : x \sqsubseteq F(x)\}$ . Množina  $U$  je neprázdna,  $\perp \in U$ .

Označme:  $x_0 = \bigwedge_{x \in U} x$ . Pre každé  $x \in U$  platí  $x \sqsubseteq F(x) \sqsubseteq x_0$ .

Preto aj  $x_0 \sqsubseteq F(x_0) \sqsubseteq F(F(x_0))$  t.j.  $x_0 \in U$ . Preto aj  $F(x_0) \sqsubseteq F(F(x_0))$  a

$F(x_0) \in U$ . Z toho ale plynie  $F(x_0) \sqsubseteq x_0$ . Teda  $x_0 = F(x_0)$ .

Relačné jazyky

31

## Výpočetnerekurzívnych programov

Každé pravidlo prerobíme na relačný výraz: náhradou čiarok za prirodzené spojenia.

Problémom je, keď viac pravidiel má ten istý predikát v hlave. V takomto prípade musíme vytvoriť „rektifikované“ pravidlá:

**Predikáty v hlave obsahujú tie isté premenné a iba premenné.**

Premenovanie, zavedenie premennej

$p(x, a) :- \dots .$

$p(x, y) :- \dots , y = a .$

Výsledný výraz pre predikát  $p$  je zjednotenie výrazov, pre ktoré sú všechny predikáty rektifikované s hlavou  $p$ .

Poradie výpočtu predikátov je dané topologickým utriedením grafu závislosti predikátov.

Rektifikáciu a úpravu na algebraické výrazy môžeme urobiť aj pre rekurzívne programy – **systém rovníc v relačnej algebre**.

Relačné jazyky

30

## Výpočetnerekurzívnych programov bez negácie

Systém rovníc:  $\vec{P} = \vec{E}(\vec{P}, \vec{R})$ , kde  $\vec{P}$  sú intencionálne a  $\vec{R}$  extenzionálne predikáty.

Riešenie: naivou iteráciou. Začнемe  $\vec{P}_0 = \vec{0}$ . Postupne počítame postupne  $\vec{P}_1, \vec{P}_2, \dots$ , podľa vzorca:

$$\vec{P}_i = \vec{E}(\vec{P}_{i-1}, \vec{R}), \\ \text{pokiaľ } \vec{P}_i \neq \vec{P}_{i+1}.$$

Podľa Tarského vety o pevnom bode tento proces vždy skončí (konverguje). Stačí overiť, že prirodzené spojenie, zjednotenie, projekcia a premenovanie sú „neklesajúce“ operácie.

Vypočítané riešenie je najmenší pevný bod uvedeného systému rovníc. Z vlastnosti implikácií plynie, že každé riešenie uvedeného systému rovníc musí obsahovať vety vypočítané našim algoritmom.

Relačné jazyky

32

## Inkrementálny výpočet

$$P_i = P_{i-1} \cup \Delta,$$

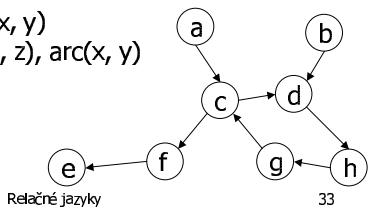
Spojenie:

$$(P \cup \Delta) \bowtie (R \cup \Gamma) = P \bowtie R \cup R \bowtie \Delta \cup P \bowtie \Gamma \cup \Delta \bowtie \Gamma$$

Seminaivná iterácia: Všetky relácie sa v každom iteráčnom kroku rozdelia na nové a staré. Počítajú sa len prirodzené spojenia obsahujúce aspoň jeden prírastkový operand.

Príklad:  $tc(x, y) :- arc(x, y)$

$tc(x, y) :- tc(x, z), arc(z, y)$



Relačné jazyky

33

Pri naivnej iterácii sa vyhodnocuje opakovane v každom cykle.

## Negácia – stratifikované programy

Rozdiel, negácia nie sú neklesajúce operácie. Vo všeobecnosti programy s negáciou nemusia mať pevný bod.

**Stratifikované programy:** Ak definícia predikátu  $p$  obsahuje negáciu predikátu  $q$ , potom v grafe závislosti predikátov neexistuje cesta od  $p$  ku  $q$ .

**Podmienky stratifikácie:**

- Každému predikátu je priradené celé číslo stratum (vrstva)
- Ak pravidlo  $p:- \dots q \dots$ . Potom  $S(p) \geq S(q)$ .
- Ak pravidlo  $p:- \dots \neg q \dots$ . Potom  $S(p) > S(q)$ .

**Postup stratifikácie:** Na začiatku, priradíme všetkým predikátom stratum 1 a spočítame predikáty -  $n$ . Prezeráme postupne pravidlá. Ak je porušená niektorá s podmienok stratifikácie, zvýšime stratum predikátu hlavy na najmenšie prirodzené číslo, ktoré ju splňuje. Ak stratum väčšie ako  $n$ , program sa nedá stratifikovať. Opakuj základ' sa niečo mení.

Relačné jazyky

34

## Princíp byrokracie predpokladu uzavretého sveta.

Striktne vzaté z Hornových formúl sa nedá odvodiť negácia žiadnej atomickej formuly (negatívny fakt). Aby sme prípadne mohli odvodiť negatívny fakt aplikujeme princíp uzavretého sveta:

**Čo sa nedá dokázať' z bázy dát neplatí.**

Quod non est in datis, non est in mundi.

Pôvodne: **actis**

Princíp uzavretého sveta vedie k nekonzistencii pri aktualizácii bázy dát. Logika negácie nie je monotoná.

Relačné jazyky

35

## Neúspech negáciu

Negácia pomocou protirečivosti  
(negation as inconsistency)

$\neg p(x)$  vtedy, keď  $db \vee p(x)$  je nekonzistentné.

Toto funguje, ale množina Hornových formúl je vždy neprotirečivá. Potrebujeme nejaké negatívne fakty v báze dát.

$p^+, p^-$  Intencia je  $p^+$  pre pozitívne fakty a  $p^-$  pre negatívne fakty. Podmienka  $\neg p^+ \vee \neg p^-$ .

Takáto negácia je konzistentná, ale dosť slabá.  
(Matematicky ekvivalentná intuicionistickej logike). Všetko sa dá nasimulovať v datalogu pomocou „rozdvojenia“ predikátov.

Relačné jazyky

36